



رشته تحصیلی / گذار: بخش فناوری اطلاعات (۱۱۱۱۰۹۹) بخش صنایع (۱۱۱۱۰۸) - فیزیک (۱۱۱۱۰۱۸) زمان آزمون: تستی: ۰۰ تشریحی: ۰۰ دقیقه
آزمون نمره منفی دارد ○ ندارد ○

مجاز است. منبع: --

استفاده از: --

گذار سوال: یک (۱)

پیامبر اعظم (ص): روزه سپر آتش جهنم است.

$$f(x) = \begin{cases} x^3 + ax + b & x \geq 1 \\ x^3 + 2ax & x < 1 \end{cases}$$

b و a را به گونه‌ای بیابید که تابع f با ضابطه مشتق‌پذیر باشد.

- الف. $a = b = 1$ ب. $a = b = -1$ ج. $a = 1, b = -1$ د. $a = -1, b = 1$

۲. اگر f تابع مشتق‌پذیر در a باشد، مقدار $\lim_{x \rightarrow a} \frac{xf(a) - af(x)}{x - a}$ کدام است؟

- الف. $a - f'(a)$ ب. $f(a) - af'(a)$ ج. $f'(a)$ د. $f'(a) - af(a)$

$$\int_{\frac{\pi}{2}}^{+\infty} \sin x dx$$

۳. انتگرال ناسرۀ چگونه است؟

- الف. انتگرالی متناهی ب. همگرا ج. واگرا د. انتگرالی عادی

۴. فرض کنید $f(x) = x^3 - 2x$ در این صورت $f'(2)$ کدام است؟

- الف. ۱ ب. ۲ ج. ۴ د. وجود ندارد

۵. فرض کنید $f(x) = g(\sin \pi x + \sin 2x)$ باشد آنگاه $f'(0) = 5$ برابر است با:

- الف. صفر ب. ۵ ج. ۱ د. $\frac{1}{4}$

۶. مقدار $\frac{d^3y}{dx^3}$ برای معادلات پارامتری $\begin{cases} x = t - t^3 \\ y = t - t^3 \end{cases}$ به ازاء $t = 0$ برابر است با:

- الف. $\frac{1}{2}$ ب. 0 ج. 1 د. وجود ندارد

رشته تحصیلی / گذار: بخش فناوری اطلاعات (۱۱۱۰۹۹) بخش صنایع (۱۱۱۱۰۸) - فیزیک (۱۱۱۱۰۱۸) زمان آزمون: تستی: ۰۶ تیریجی: ۰۶ دقیقه
آزمون نمره منفی دارد ○ ندارد

مجاز است.

استفاده از:

گذار سوال: یک (۱)

۷. کدام گزینه برای معادله $x^5 - 3x^3 + 5x - 2 = 0$ در بازه $(1, 5)$ درست است؟

- ب. معادله حداقل سه ریشه حقیقی دارد.
د. معادله دقیقاً دو ریشه حقیقی دارد.

الف. معادله دقیقاً یک ریشه حقیقی دارد.

ج. معادله ریشه حقیقی ندارد.

۸ تابع $f(x) = x^x$ چند نقطه بحرانی دارد؟

د. ۱۴

ج. ۳

ب. ۲

الف. ۱

۹. ماکریم مطلق تابع $f(x) = 1 - \sqrt[3]{(x-3)^5} - 5$ در بازه $[1, 5]$ کدام است؟

د. ۳

ج. صفر

ب. ۵

الف. ۱

 $\int \frac{dx}{e^x + e^{-x}}$ برابر است با:
Arc $\operatorname{tg}(e^x) + C$ الف. C ln($1+e^x$) + C Arc $\cot g(e^x) + C$ Arc $\operatorname{tg}(e^{-x}) + C$ ج. C $\frac{1}{2} \ln(x+1) + 3$
 $\int \frac{dx}{x\sqrt{x} + \sqrt{x}}$ برابر است با:
۲ Arc $\operatorname{tg}(x+1) + C$ الف. C ۱۱. $\int \frac{dx}{\sqrt{x}} + \sqrt{x}$ ۱۲. $\ln(\sqrt{x}) + C$ الف. C ۱۳. $\frac{1}{2} \ln(x+1) + 3$ الف. C ۱۴. معادله دسته منحنی‌هایی که ضریب زاویه خطوط مماس در هر نقطه (x, y) از آن برابر $\frac{-x}{y}$ باشد کدام است؟د. $x^3 + y^3 = C$ ج. $\frac{y}{x} = A$ ب. $y = A + \sqrt{x}$ الف. $x^3 - y^3 = A$ ۱۵. حاصل عبارت $(\cos x \neq 0) \operatorname{tg}^{-1}\left(\frac{\cos x - \sin x}{\cos x + \sin x}\right)$ د. $\frac{\pi}{4} - x$ ج. $x - \frac{\pi}{4}$ ب. $\frac{\pi}{4} + x$ الف. x

نام درس: ریاضی عمومی ۱

رشته تحصیلی/ گذار: بخش فناوری اطلاعات (۱۱۱۱۰۹۹) بخش صنایع (۱۱۱۱۰۸) - فیزیک (۱۱۱۱۰۱۸) زمان آزمون: تستی: ۰۶ تیریجی: ۰۶ دقیقه
آزمون نمره منفی دارد ○ ندارد

مجاز است. منبع: --

استفاده از: --

گذار سوال: یک (۱)

$$f(x) = \begin{cases} 1 & x \in Q \\ 0 & x \in Q^c \end{cases}$$

برای تابع ۱۴.

ب. انتگرال پذیر نیست.

الف. انتگرال پذیر است.

$$\int_a^b f(x) dx = 1$$

$$\int_a^b f(x) dx = 0$$

$$\int_a^b \frac{1}{t} dt + \int_a^{ab} \frac{1}{t} dt$$

حاصل ۱۵.

- ln a

ln ab

ln $\frac{a}{b}$

الف. صفر

$$\int_0^y \cos^r t dt + \int_0^x \sin^r t dt$$

در تابع ضمنی ۰ = مقدار کدام است؟ ۱۶.

$$\frac{x^r \sin^r x^r}{\cos^r y}$$

$$\frac{-rx \sin^r x^r}{\cos^r y}$$

$$\frac{-rx \sin x^r}{\cos y}$$

$$\frac{rx \sin^r x^r}{\cos^r y}$$

$$J = \int e^x f'(x) dx + \int e^x f(x) dx$$

حاصل انتگرال ۱۷.

$$e^r x$$

$$e^x f(x)$$

$$f(x)$$

$$e^x$$

ناحیه قطبی $D = \{(r, \theta) | ۰ \leq r \leq ۱, ۰ \leq \theta \leq \pi\}$ در صفحه xoy کدام است؟ مرکز دایره را در تمام گزینه‌ها مبدأ مختصات در نظر بگیرید.

ب. نیم دایره پائین محور x ها به شعاع واحد

الف. دایره به شعاع واحد

د. ربیع دایره به شعاع واحد در ناحیه اول

ج. نیم دایره بالای محور x ها به شعاع واحد

$$r = \sin^m \left(\frac{\theta}{2} \right)$$

طول منحنی نمایش تابع ۱۹.

$$\frac{5\pi}{2}$$

$$\pi$$

$$\frac{3\pi}{2}$$

$$\frac{\pi}{2}$$

$$(x + iy = z) \text{ کدام است؟ } \text{Im}(z) = 1$$

نمودار ۲۰.

$$xy = 1$$

$$\frac{y}{x} = 1$$

$$y = 1$$

$$\frac{1}{x} = 1$$

نام درس: ریاضی عمومی ۱

رشته تحصیلی / گذار: بخش فناوری اطلاعات (۱۱۱۱۰۹۹) - بخش صنایع (۱۱۱۱۰۸۸) - فیزیک (۱۱۱۱۰۱۸) زمان آزمون: تستی: ۰۰ تشریحی: ۰۰ دقیقه
 آزمون نمره منفی دارد ○ ندارد ○

مجاز است. منبع: --

استفاده از: --

گذار سوال: یک (۱)

سؤالات تشریحی

بارم هر سؤال ۱/۵ نمره

$$1. \text{ مقدار } \frac{d^m y}{dx^m} \text{ را برای معادلات} \begin{cases} x = t - t^m \\ y = t - t^m \end{cases} \text{ محاسبه کنید.}$$

۲. تابع x را در بازه $[a, b]$ که $a > 0$ در نظر بگیرید با توجه به قضیه میانگین در مشتق ثابت کنید
 نامساوی زیر برقرار است:

$$1 - \frac{a}{b} < \ln \frac{b}{a} < \frac{b}{a} - 1$$

۳. فرض کنید تابع بتا به صورت $B(m, n) = \int_0^1 x^m (1-x)^n dx$ تعریف شده باشد:

(۱) ثابت کنید $\beta(m, n) = \beta(n, m)$

$$\beta(m, n) = 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^{m+1} x \cos^{n+1} x dx \quad (۲)$$

۴. سطح محصور به نمودارهای $x = 3y^2 - 1$ و $x = 2y^2$ را حساب کنید.

۵. انتگرال های زیر را محاسبه کنید.

$$I = \int_0^{1n2} \sqrt{e^x - 1} dx$$

$$J = \int \frac{dx}{(1+x^2)^2}$$