



-۱ $\int_{0}^2 |1-x| dx$

مقدار انتگرال کدام است؟

۲ .۴

$\frac{3}{2}$.۳

$\frac{1}{2}$.۲

۱ .۱

-۲ $\int \frac{\sin \sqrt{x}}{2\sqrt{x}} dx$

مقدار کدام است؟

$\frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}}$.۴

$\cos \sqrt{x} + C$.۳

$-\cos \sqrt{x} + C$.۲

$-\frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}}$.۱

-۳ مساحت ناحیه بین منحنی $y = x^3$ و خطوط $y = 1$ و $y = -x$ برابر است با :

۲ .۴

$\frac{3}{4}$.۳

۱ .۲

$\frac{5}{4}$.۱

-۴ حجم جسم حاصل از دوران ناحیه محدود به $y^2 = x$ و $y = x^2$ حول محور ها کدام است؟

$\frac{7\pi}{10}$.۴

$\frac{3\pi}{10}$.۳

$\frac{3}{10}$.۲

$\frac{\pi}{2}$.۱

-۵ $\int \frac{x^2}{4-x^3} dx$

مقدار کدام است؟

$-\frac{1}{3} \ln |4-x^3| + C$.۲

$\frac{1}{3} \ln |4-3x^3| + C$.۱

$-\frac{1}{3} \ln |4-3x^3| + C$.۴

$\frac{1}{3} \ln |4-x^3| + C$.۳



-۶

$$\int \frac{dx}{\sqrt{x}(1+\sqrt{x})} \quad \text{کدام است؟}$$

$2\ln(\sqrt{x} + x) + c$

$2\ln(1+x) + c$

$$\frac{2\ln(1+\sqrt{x})}{\sqrt{x}} + c$$

$2\ln(1+\sqrt{x}) + c$

$$\int (\ln x)^2 dx \quad \text{کدام است؟}$$

$x \ln x^2 - 2\ln x + c$

$\frac{1}{3}(\ln x)^3 + c$

$x(\ln x)^2 - 2x \ln x + 2x + c$

$x(\ln x)^2 - 2\ln x + x + c$

-۷

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x}{\cos^3(x)} dx \quad \text{مقدار}$$

$-\frac{1}{2}$

$\frac{1}{3}$

$\frac{\sqrt{2}}{2}$

$\frac{1}{2}$

-۸

$$f(x) = \frac{\ln x}{x} \quad \text{کدام است؟}$$

۴. ندارد.

$(e, \frac{1}{e})$

$(1, e)$

$(1, 0)$

.۱

-۹

نقشه ماکسیمم نسبی تابع

برابر با کدام گزینه است؟

$-\frac{1}{3}$

۰

$(1, e)$

.۲

$\frac{1}{3}$

$(1, 0)$

$\frac{2}{3}$

.۱

-۱۰

$$\int_0^{\pi} \cos x \sin^2 x dx \quad \text{حاصل}$$



-۱۱ حاصل $\int_{-\pi}^{\pi} |\sin x| dx$ کدام است؟

۲ . ۴

۰ . ۳

۴ . ۲

-۴ . ۱

-۱۲ اگر $y = x \ln x$ آنگاه بازای چه x ای نمودار y دارای ماکسیمم نسبی است؟

۴. هیچکدام

e . ۳

$\frac{1}{e}$. ۲

-e . ۱

-۱۳ اگر $f(x) = 5^{x^2+3}$ آن گاه مقدار $f'(0)$ کدام است؟

250\ln 5 . ۴

10\ln 5 . ۳

\ln 5 . ۲

0 . ۱

-۱۴ فرض کنید $z = f(x, y) = 3x^2 - xy$ مقدار تقریبی $f(1.98, 1.01)$ کدام است؟

0.24 . ۴

0.8 . ۳

9.36 . ۲

9.76 . ۱

-۱۵ اگر $f(x, y) = \sqrt{1-x^2-y^2}$ آنگاه $\sqrt{f_x^2+f_y^2+1}$ کدام است؟

$\frac{x^2+y^2}{1-x^2-y^2}$. ۴

$\frac{1}{\sqrt{1-x^2-y^2}}$. ۳

$\frac{x^2+y^2}{\sqrt{1-x^2-y^2}}$. ۲

$\frac{3x^2+3y^2+1}{1-x^2-y^2}$. ۱

-۱۶ نقطه $(0,0)$ در تابع $f(x, y) = x^2 - y^2 + 1$ چه نقطه ای است؟

۴. هیچکدام

۳. ماکسیمم نسبی

۲. مینیمم نسبی

۱. زین اسبی

-۱۷ اگر $f(x, y) = 2\sin(xy^2) + e^{x+y}$ آنگاه $\frac{\partial f}{\partial x}(0,1)$ کدام است؟

1+e . ۴

2+e . ۳

e . ۲

4+e . ۱

-۱۸ جواب معادله $xy' + y = \sin x$ عبارت است از:

xy - sin x = c . ۴

xy - cos x = c . ۳

xy + cos x = c . ۲

xy + sin x = c . ۱



-۱۹- کدام تابع یک جواب معادله دیفرانسیل $y'' + 4y = 0$ است؟

$$\cos 2x + x^2$$

$$\sin x^2$$

$$\sin 2x + \cos 2x^4$$

$$\sin 2x + 3\cos 2x^3$$

-۲۰- کدام معادله دیفرانسیل زیر کامل است؟

$$(3x^2y - 2y^3 + 3)dx + (x^3 - 6xy^2 + 2y)dy = 0^1$$

$$(3xy^2 - 2x^3 + 1)dx + (x^3 - 6x^2y + 2x)dy = 0^2$$

$$(xy^3 - y^2 + 5)dx + (x^2y + y^3)dy = 0^3$$

$$(3x^2y - 2y^3 + 1)dx + (x^3 + 6xy)dy = 0^4$$

سوالات تشریحی

۱.۷۵ نمره

$$x^{\frac{2}{3}} + y^{\frac{2}{3}} = 1$$

طول نمودار را محاسبه کنید.

۱.۷۵ نمره

$$\int \frac{e^{2x}}{\sqrt{1-e^{4x}}} dx$$

حاصل را پیدا کنید.

۱.۷۵ نمره

$$\int x(x+2)^{10} dx$$

حاصل را بیابید.

۱.۷۵ نمره

$$y(0) = 2 \quad y' - 3y = 0$$

معادله دیفرانسیل زیر را حل کنید.