



حضرت علی(ع): ارزش هر کس به میزان دانایی و تخصص اوست.

زما

تعداد سوالات: تست: ۲۰ تشرییع: ۵

نام درس: ریاضی ۲

رشته تحصیلی/ گذ درس: زیست (کلیه گرایشها) - ۱۱۱۱۱۱۴

مجاز است.

استفاده از:

$$\int_{\frac{1}{2}}^{\frac{1}{3}} \frac{dx}{\sqrt{2x}} \text{ برابر است با:}$$

۲-د

ج-۴

ب-۸

الف-۶

۲. مساحت ناحیه محدود بین  $x = y$  و  $y = x^3$  در بازه  $[0, 2]$  برابر است با:

۱-د

ج-۴

ب-۳

الف-۲

۳. مساحت بین  $y = x^3$  و  $y = x$  برابر است با:

۴-ج

ب-۳

الف-۲

۵-د

ب-۵

الف-۳

۶-ج

ب-۱۲

الف-۴

۴. ناحیه بین  $y = x^3$  و  $y = x$  را حول محور  $x$  دوران داده ایم حجم جسم حاصل برابر است با:

$\frac{\pi}{10}$

$\frac{14\pi}{3}$

$\frac{\pi}{5}$

$\frac{3\pi}{10}$

۵. طول منحنی  $y = \frac{1}{3}x\sqrt{x}$  در بازه  $[0, 3]$  برابر است با:

$\frac{16}{3}$

$\frac{14}{3}$

$\frac{4}{3}$

$\frac{11}{3}$

الف-۱

ج-۳

ب-۲

الف-۲

۶. حاصل  $\int e^{+x} \cos e^{+x} dx$  برابر است با:

ب- $- \sin e^{-x} + C$

الف- $+ \sin e^{+x} + C$

د- $- \cos e^{-x} + C$

ج- $\cos e^{-x} + C$

$x = u^{10} - d$

$x = u^{35} - j$

$x = u^{10} - b$

الف- $x = u^{35} - f$

۷. را با چه تغییر متغیری می توان حل کرد:

hdaneshjoo.ir



مجاز است.

استفاده از:

۸.  $\int x^3 e^{-x} dx$  برابر است با :

ب-  $-\frac{1}{2}e^{-x}(x^2 - 1) + C$

الف-  $\frac{1}{2}e^{-x}(x^2 + 1) + C$

د-  $-\frac{1}{2}e^{-x}(x^2 - 1) + C$

ج-  $-\frac{1}{2}e^{-x}(x^2 + 1) + C$

۹. حاصل عبارت  $\int \frac{dx}{x(x^2 + 1)}$  برابر است با :

ب-  $-\ln \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} + C$

الف-  $\ln \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} + C$

د-  $\ln x + \ln \sqrt{x^2 + 1} + C$

ج-  $\ln \sqrt{x^2 + 1} - \ln x + C$

۱۰. ضریب  $x^4$  در بسط مکلورن تابع  $f(x) = e^{-x^4}$  برابر است با :

-۲

ج-  $-\frac{1}{2}$

ب-  $-\frac{1}{2}$

الف- ۲

۱۱. کدامیک از سریهای زیر با سایرین متفاوت است :

ب-  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n \ln n}$

الف-  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \sin n}{n^2}$

د-  $\sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n$

ج-  $\sum_{n=1}^{\infty} n \sin \frac{1}{n}$

۱۲. ضریب  $x^3$  در سری نمایشگر  $\sqrt[3]{1+x}$  برابر است با :

د-  $\frac{5}{3^4}$

ج-  $\frac{5}{3^5}$

ب-  $-\frac{5}{3^5}$

الف-  $-\frac{5}{3^4}$



حضرت علی(ع): ارزش هر کس به میزان دانایی و تخصص اوست.

زما

تعداد سوالات: تست: ۲۰ تشرییع: ۵

نام درس: ریاضی ۲

رشته تحصیلی/ گذ درس: زیست (کلیه گرایشها) - ۱۱۱۱۱۱۴

مجاز است.

استفاده از:

۱۳. شعاع همگرایی سری مک لورن نمایشگر  $\sin x$  برابر است با:

$$\text{د} - \infty \quad \text{ج} - 2 \quad \text{ب} - 1 \quad \text{الف} - \frac{1}{2}$$

۱۴. برای تابع  $f(x, y) = \begin{cases} x & x = y \\ y & x \neq y \end{cases}$  کدامیک از گزینه های زیر صحیح نیست:

$$\begin{array}{ll} f_y(0,0) = 0 & f_x(1,1) = 1 \\ \text{ب} & \text{الف} \\ f_x(0,0) = 1 & f_y(1,1) = 1 \\ \text{د} & \text{ج} \end{array}$$

۱۵. اگر آنگاه مقدار  $\frac{dy}{dx}$  به ازای  $x = y = 1$  برابر است با:

$$\text{د} - 1 \quad \text{ج} - e^{-1} \quad \text{ب} - e \quad \text{الف} - \text{صفر}$$

۱۶. اگر آنگاه:  $f(x, y) = xy + e^x$

$$\frac{\partial f}{\partial x}(0,0) = 1 \quad \text{الف} - 1 \quad \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}(0,0) = 1$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}(1,1) = 1 \quad \text{ج} - 1 \quad \frac{\partial^2 f}{\partial x^2}(0,0) = 1$$

۱۷. کدامیک از معادلات دیفرانسیل زیر جدا شدنی نیست:

$$\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{y}{x}} \quad \text{الف} - xdy - ydx = 0$$

$$(x^2 - y^2)dx + (y^2 + x^2)dy = 0 \quad \text{ج} - \frac{dy}{dx} = \left(\frac{e^x}{y}\right)^2$$



حضرت علی(ع): ارزش هر کس به میزان دانایی و تخصص اوست.

زما

تعداد سوالات: تست: ۲۰ تشرییع: ۵

نام درس: ریاضی ۲

رشته تحصیلی/ گذ دوس: زیست (کلیه گرایشها) - ۱۱۱۱۱۱۴

مجاز است.

استفاده از:

۱۸. جواب معادله  $y = \alpha e^{\alpha x}$  با شرط  $y(0) = \alpha$  برابر است با:

$$y = \frac{\alpha}{1 - \alpha x} \quad \text{ب.}$$

$$y = \alpha e^{-\alpha x} \quad \text{د.}$$

$$y = \alpha e^{\alpha x} \quad \text{الف.}$$

$$y = -\alpha e^{\alpha x} \quad \text{ج.}$$

۱۹. کدامیک از معادلات زیر کامل نیست:

$$(y^3x + x^2)dx + \left(\frac{3}{2}x^2y^2 + y^2\right)dy = 0 \quad \text{الف.}$$

$$(x + y)dx + (x - y^2)dy = 0 \quad \text{ب.}$$

$$(y^3x^2)dx + (x^3y^2)dy = 0 \quad \text{ج.}$$

$$(y^3 + x^2)dx + (x^3 + y^2)dy = 0 \quad \text{د.}$$

۲۰. کدامیک از گزینه های زیر جواب معادله دیفرانسیل  $xy'' + y' - x - 1 = 0$  می باشد:

$$y = -x \quad \text{د.}$$

$$y = 2x \quad \text{ج.}$$

$$y = -2x \quad \text{ب.}$$

$$y = x \quad \text{الف.}$$



حضرت علی(ع): ارزش هر کس به میزان دانایی و تخصص اوست.

زما

تعداد سوالات: تست: ۲۰ تشریحی: ۵

نام درس: ریاضی ۲

رشته تحصیلی/ گذ درس: زیست (کلیه گرایشها) - ۱۱۱۱۱۱۴

مجاز است.

استفاده از:

### «س—ؤالات تشریحی

بارم هر سوال ۲ نمره است

۱. ناحیه محدود بین نمودارهای  $y = x^3$  و  $y = 4$  را حول محورهای زیر دوران داده ایم. در هر مورد حجم جسم حاصل را بیابید.

ب) حول خط  $x = 2$

الف) حول خط  $y = 5$

۲. انتگرالهای زیر را حساب کنید.

$$\int \frac{dx}{x(x^4 + 1)^3} \quad \text{ب)$$

$$\int \tan^3 x \sec^4 x dx \quad \text{الف)$$

۳. همگرایی یا واگرایی سریهای زیر را با ذکر دلیل بیان کنید.

$$\sum_{n=2}^{\infty} \left( \frac{2}{4n^3 - 1} + \frac{5}{3^n} \right) \quad \text{ب)$$

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n} \quad \text{الف)$$

۴. به کمک دیفرانسیل کل، مقدار تقریبی  $\sqrt[3]{16/98}$  را بیابید.

۵. معادله دیفرانسیل زیر را حل کنید.  $y' e^x + 4y + (2ye^x + 4x) \frac{dy}{dx} = 0$